基于特征点跟踪的运动目标接触 时间估计方法*

李 俊¹,杨 新¹,张桂林²,施鹏飞¹,

(¹⁾上海交通大学图像处理与模式识别研究所,上海,200030;
²⁾华中科技大学图像识别与人工智能研究所,湖北,武汉,430074)

摘要 为解决估计运动目标和静止观测者之间的接触时间(turne-to-contact)的问题,提出利用特征线段估计接触 时间的思路;由估计匀速运动目标和静止观测者接触时间的特征点跟踪方案,给出特征点选择与淘汰准则、运动分 割方法、以及特征点跟踪方法.针对三套标记 TTC 的运动目标序列图像进行接触时间估计实验,结果令人满意. 关键词 运动分析,接触时间估计,特征点跟踪,运动分割.

FEATURE-POINT TRACKING BASED TIME-TO-CONTACT ESTIMATION FOR MOVING OBJECTS*

LI Jun¹¹ YANG Xin¹¹ ZHANG Gui-Lin²¹ SHI Peng-Fei¹¹

(¹'Inst. of Image Processing & Pattern Recognition, Shanghai Jiaotong Univ., Shanghai 200030, China; ²'Inst. of Pattern Recognition & Artificial Intelligence, Huazhong Univ. of Science and Technology, Wuhan, Hubei 430074, China)

Abstract Time-to-contact (TTC) estimation problem between moving object and static observer was dealt with. A feature-line based estimation scheme was proposed. And a TTC estimation system based on feature-point tracking was presented. In addition, the feature-point selection method, moving objects extraction, and feature-point tracking scheme were given in detail. The experiments of TTC estimation for three sets of the TTC-labeled image sequences were done, and the results are satisfactory.

Key words motion analysis, time-to-contact estimation, feature-point tracking, motion segmentation.

引言

在计算机视觉中,估计运动目标到达观测者的 接触时间(Time-to-Contact)具有重要意义.如果能 估计出运动目标到达观测者的接触时间,就可以控 制自动驾驶设备^[0]、机器人等做出避让反应;而在精 确制导技术中,如果能直接从红外或可见光目标运 动图像序列中估测出接触时间,来控制飞行弹道,从 而可以提高摧毁概率.因此,从运动目标的图像序列 中获取接触时间的研究,对自动化和航天技术无疑 都具有重要的意义.

文献[1,2,5]等基于目标匀速运动的假设,分别 以图像匹配方法、光流场方法给出了匀速运动前提 下接触时间的估计,不过图像匹配方法的稳定性会 受到尺度变化的影响,而光流场方法的计算时间较 长.

基于目标匀速运动的前提,本文提出基于特征 点跟踪的运动目标与静止观测者接触时间的估计系统.该系统可使计算量减少且具有自动寻找最佳匹 配点的功能,当运动导致某些跟踪点消失时,可以自 动寻找适合跟踪的特征点,另外,Kalman 滤波器的 使用,使得跟踪比较平稳.

1 接触时间的定义

Philippe^[3]等定义了比接触时间概念更为广泛 的残余时间参数(Remaining Time Parameter)的概

^{*} 国家自然科学基金(编号 60072026)资助项目 稿件收到日期 2001-03-23、修改稿收到日期 2001-08-17

^{*} The project supported by the National Natural Science Foundation of China (No. 60072026) Received 2001-03-23, revised 2001-08-17

念,作为变速运动情况下,被观察运动物体从当前位 置运动到满足纵深方向(Z轴方向)坐标的既定阶变 化率消失的条件之前,所剩余时间的度量.

残余时间定义为设 2 表示被观察运动物体到 观察者成像平面之间的深度变量,并设 2 是 n 阶可 导的、即 $Z^{(4)} = 0$ 、k > n、定义 i 阶残余时间参数 $\tau_{i,n}$ (t)为 2 的 i 阶导数 $Z^{(i)}(i \le n)$ 为零之前、运动物体 所经历的最短时间、即

$$\tau_{\iota,\mathfrak{a}}(t) = \min \begin{cases} r \ge 0 & Z^{(\prime)}(t+\tau) = 0 \\ \forall \epsilon \leqslant \tau, & Z^{(\prime)}(t+\epsilon) \neq 0 \end{cases}$$
(1)

在式(1)组残余时间参数中,我们所感兴趣的是 $\tau_{0,n}$ (t)、它表示 n 阶运动从 t 时刻起、到达位移 Z=0 的 位置的接触时间(Time-To-Contact),这个接触时间 的定义既适用于匀速运动,也适用于变速运动.

对于匀速运动、有 $Z^{(k)} = 0, k > 1$ 、Philippe^[3]推 导出了在观察者的像平面坐标系 $\overline{r}(\theta)$ 上、接触时间 和像平面坐标r的长度r满足微分方程

$$-r + \tau_{n,1}(t)r = 0, \qquad (2)$$

并推导了以序列图像的帧数目为时间单位的离散化 接触时间估计式

$$\tau_{0,1}(t_{k+1}) = r(t_k) / (r(t_{k+1}) - r(t_k)), \qquad (3)$$

在用匹配方法估计 TTC 时,由于像平面中的 聚散中心点 E(Expand Focus)一般不容易找到,因 此,这里将式(3)作简单的变换,可得

$$\tau_{0,1}(t_{k+1}) = \frac{1}{m-1}, \quad m = \frac{r(t_{k+1})}{r(t_k)}, \tag{4}$$

式(4)中的 m 是相邻帧中运动目标在像面上所成像 的尺度变化倍数,只要估计出 m,就可以求出接触时 间,

另外,考虑空间运动目标上的两个特征点 P_a 和 P_b 在观察者像面上所成的两个像点 \bar{r}_a 和 \bar{r}_b ,定义这 两像点所组成的线段为特征线段 \bar{d} ,它们之间的距 离 $d = |\bar{r}_a - \bar{r}_b|$ 为特征距离.可以推导出用 $d(t_b)$ 代 替式(3)中的 $r(t_b)$,以完成接触时间的估计,即

$$\tau_{\gamma_{k+1}}(t_{k+1}) = \frac{1}{m-1}, \quad m = \frac{d(t_{k+1})}{d(t_{k})}, \quad (5)$$

这样,可以从运动目标成像于观测者像平面上的图像中,选取 N+1 个对应特征点对,从而形成 N 个特征线段,计算这 N 个特征线段的特征距离在相邻帧中的尺度变化率的平均值,就可以得到运动目标接触时间的估计.



图 1 运动目标接触时间估计系统框图 Fig. 1 Block diagram of the system of TTC estimation for moving objects

2 基于特征点跟踪的接触时间估计系统

基于上文接触时间的讨论,本文提出一个基于 特征点跟踪的估计匀速运动目标接触时间的系统, 如图1所示,整个系统由特征点跟踪、运动目标的分 割、特征线段的构造、及 TTC 的估计和滤波等几部 分构成,

设在序列图像的第一帧已经分割出的运动目标 上,挑选 N 个适合跟踪的特征点(Trackable Features),对这 N 个特征点用特征点跟踪匹配方法跟 踪。

在第 k-1 帧时,运动目标的特征点集为 FP_{k-1} = { $p_{k}^{i-1} | i = 1, \dots, N+1$ },对应的特征线段集为 $D_{k-1} = \{\overline{d}^{k-1} | i = 1, \dots, N\}$.则计算第 k 帧图像 L 的 接触时间 TTC 的方法如图 1 所示.

首先利用特征点匹配方法计算 FP_{i-1} 点集在当 前第 k 帧运动目标上的对应特征点集 MFP_{i} .如果 FP_{i-1} 中的某点在第 k 帧找不到对应点,则剔除该 特征点,并在第 k 帧图像中补充运动目标上面的适 合跟踪的特征点 CFP_{i} ,与 MFP_{i} 合并为新的特征 点集 FP_{i} ,保存后供下一帧参数估计所用;随后构造 D_{i-1} 和 D_{i} ,根据式(5)所述接触时间的估计式,利用 D_{i-1} 和 D_{i} 计算第 k 帧的每一个特征线段 \overline{d} ;的接触 时间;接着再用如下所述的 Kalman 滤波器,对目标 上的每一个特征线段的接触时间进行滤波;最后,求 这些接触时间的平均值,作为当前帧运动目标的接 触时间的估计,

在估计接触时间时,要求特征线段位于运动目标上面,因此,需要剔除位于背景上的特征线段.这样必须将运动目标从背景中分割出,从而求出运动

目标的区域 Rai,以便去除非目标区的特征线段。

系统中所用的 Kalman 滤波器的状态方程和观 测方程为

$$\vec{S}(k) = f(\vec{S}(k-1)) + \varpi(k-1), \vec{Z}(k) = H \vec{S}(k) + \pi(k)$$
(6)

式(6)中的状态向量 S(k) 和观测向量 Z(k)分别为

$$S(k) = \begin{bmatrix} \Lambda_{0,1}(t_k)_1, \Lambda_{0,1}(t_k)_2, \cdots, \Lambda_{0,1}(t_k)_N \end{bmatrix}^2, \\ \vec{Z}(k) = \begin{bmatrix} \tau_{0,1}(t_k)_1, \tau_{0,1}(t_k)_2, \cdots, \tau_{0,1}(t_k)_N \end{bmatrix}^T.$$

观测向量 Z(k)的 TTC 分量是直接计算所得,状态 向量 S(k)的 TTC 分量则是滤波得到的. 矩阵函数 f 与 H 的定义为

$$f(S(k)) = S(k) - [1, 1, \dots 1_N]^T$$
, (7)
日 是 N \ N 的 单位矩阵, 由 扩展的 Kalman 滤波

H 是 N \ N 的 单位矩阵. 田 J 展的 Kalman 滤波 器,可得递推式如下:

$$\ddot{S}(k+1|k) = f(\ddot{S}(k|k)),$$

$$\hat{P}(k+1|k) = F(\hat{S}(k|k))\hat{P}(k|k)$$

$$F(\hat{S}(k|k))^{T} + Q(k+1),$$

$$K(k+1) = \hat{P}(k+1|k)H^{T}[\hat{H}P(k+1|k)H^{T} + R(k+1)]^{-1},$$

$$\hat{S}(k+1|k+1) = \hat{S}(k+1|k) + K(k+1)$$

$$[Z(k+1) - \hat{H}S(k+1|k)],$$

$$\hat{P}(k+1|k+1) = [I - K(k+1)H]\hat{P}(k+1|k).$$
(8)

式(8)中 $F(\vec{S}(k)) = \frac{\partial f(\vec{S}(k))}{\partial \vec{S}(k)} \cdot Q(k) \setminus P(k) \setminus R(k)$ 分

别是 S(k)、w(k)、n(k)的协方差矩阵.

3 跟踪过程中特征点的选择及其淘汰原则

论文^[11]讨论了静止图像中选择适合于匹配的 显著区域的方法,在图像序列跟踪中,单帧中的显著 点不一定是适合于跟踪的特征点(Trackable Feature).比如,现实环境中处于不同景深、却发生相互 部分遮挡的两个目标,它们发生遮挡的边界线的交 点无疑是一个角点,然而,这样的点却不适合于跟 踪,因为随着目标的移动,这样的交点也许很快就会 消失,或其位置会发生很大的变化.另外,处于纹理 平缓区域中的特征点,也不适合作为可跟踪的特征 点.因此,有必要引入表征特征点的可跟踪性 (Trackability)的度量,并在实时跟踪过程中监视特征点的可跟踪性指标。

首先从一般刚体运动模型出发,来讨论相邻两 帧中对应点的差异性度量,设定点是某帧图像中亮 度为I(z)的一个特征点,在一般刚体运动的条件 下,该点在下一帧中的对应点为v=Az+d,即有

$$J(A\bar{x}+d) = I(\bar{x}),$$
 (9)

式(9)中J(y)是下一帧中的亮度函数,A是2×2 的矩阵,为

$$A=I+D$$
.

I 是单位矩阵, D 是因图像旋转或尺度变化引起的 变形度量矩阵, d 是对应像点的平移参数, 有

$$D = \begin{bmatrix} d_{xx} & d_{xy} \\ d_{yx} & d_{yy} \end{bmatrix}, \quad \vec{d} = (d_x \quad d_y)^T,$$

然而,由于噪声的影响和一般线性运动模型的不完善性,式(9)并不是完全成立的,而存在一定的误差,即

$$\varepsilon = \iint_{w} [J(A\vec{x} + \vec{d}) - I\vec{x}]^{2} w \vec{x} d\vec{x}.$$
 (10)

这里、W 是特征点z的一个邻域窗口、w(z)是加权值,一般取w(z)=1,也可以采用高斯分布的权值,以突出窗口W中心点的重要性,

Jianbo Shi^[6]推导出使残差 ε 最小时,运动参数 所满足的线性方程组

$$T \vec{z} = \vec{a} \,, \tag{11}$$

其中 $\overline{z} = [d_{xx} \quad d_{yx} \quad d_{yy} \quad d_{x} \quad d_{y}],$ 向量 \overline{a} 和矩 阵 T 的定义为

$$\begin{split} \vec{a} &= \iint_{W} \begin{bmatrix} I(\vec{x}) - J(\vec{x}) \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} xg_{x} & xg_{y} & yg_{z} & yg_{y} & g_{z} & g_{y} \end{bmatrix}^{T} w(\vec{x}) dx, \\ T &= \iint_{W} \begin{bmatrix} U & V \\ V^{T} & Z \end{bmatrix} w(\vec{x}) dx, \\ \vec{x} &= \begin{bmatrix} x^{2}g_{z}^{2} & x^{2}g_{z}g_{y} & xyg_{z}^{2} & xyg_{z}g_{y} \\ x^{2}g_{z}g_{y} & x^{2}g_{z}^{2} & xyg_{z}g_{y} & xyg_{z}^{2} \\ xyg_{z}^{2} & xyg_{z}g_{y} & y^{2}g_{z}^{2} & y^{2}g_{z}g_{y} \end{bmatrix}, \\ V^{T} &= \begin{bmatrix} xg_{z}^{1} & xg_{z}g_{y} & yg_{z}^{2} & yg_{z}g_{y} \\ xg_{z}g_{y} & xg_{y}^{2} & yg_{z}g_{y} & yg_{z}^{2} \end{bmatrix}, \\ Z &= \begin{bmatrix} g_{x}^{2} & g_{x}g_{y} \\ g_{x}g_{y} & g_{y}^{2} \end{bmatrix}, \\ g_{x} &= \frac{\partial J(\vec{x})}{\partial x}, \quad g_{y} &= \frac{\partial J(\vec{x})}{\partial y}, \quad \mathbf{A}$$
考虑目标的平移

运动时,矩阵 D 近似为零矩阵、则方程组(11)退化 为

$$P\vec{d} = \vec{r}.$$
 (12)

其中 $P = \iint_{\mathbb{T}} Zw x dx$, e 是向量 a 的最末两项.

由方程式(11)和(12),我们可以得到在跟踪特征点时,特征点选择、淘汰的几个准则如下.

3.1 初始特征点选择准则

选取初始特征点时,候选点应位于目标的纹理 复杂区、特征点所在邻域的纹理复杂度可以用矩阵 Z的特征值来度量:当Z的两个特征值都很小时,该 特征点所在窗口一般位于图像的平滑区域;而特征 值一大一小时,则位于单方向的纹理区;两个都很大 时,一般位于图像的角点或交叉纹理区,

因此,当两个特征值的最小值大于某一噪声门限时,该特征点及其邻域窗口在跟踪过程中就比较稳定,不是噪声的干扰所形成的误检测点.当矩阵 Ζ 的特征值 λ₁ 和 λ₂ 满足

$$\min(\lambda_1, \lambda_2) > \lambda_T. \tag{13}$$

时,才认为这样的特征点及其邻域在跟踪过程中是 稳定的.

3.2 跟踪过程中有效特征点的监视规则

由于图像序列的帧间隔很小,跟踪过程中,基于 匀速运动模型的相似性度量指标寻找对应特征点对 是可行的.然而,按匀速运动模型假设的匹配度量, 即使匹配积累误差很小的特征点,也不一定是有效 的特征点,比如,相对于运动目标自身的角点,运动 目标的轮廓线与背景的交点变化较快、跟踪时不稳 定,不适合对其跟踪以求解运动目标的运动参数,如 果采用匀速运动模型的相似性度量,这样的点却--直被误判为稳定特征点,因此,跟踪过程中,有必要 采用基于一般运动模型的相似性度量指标,来度量 某个特征点的稳定性,并及时淘汰不稳定的特征点. 这里所采用的特征点的监视规则是:对匹配好的每 个特征点对,在相邻帧求解方程组(11),获得向量 z,代入基于一般运动模型的相异性度量式(10),计 算误差 ε,并做帧间累积;当在某一帧该特征点的相 异性累积误差∑ε大于某一个门限,就认为这样的 特征点不稳定,应及时淘汰.

4 运动目标的分割

本文接触时间估计方法挑选的特征线段d需要

位于运动目标上面,因此,有必要在估计接触时间之前,分割出运动目标的区域,从而剔除不在运动目标 范围内的特征点和特征线段.因为限定本文的观察 者处于静止状态,这里采用了文献[4]的运动分割方 法,是 Kurt Skifstad¹⁰¹运动分割方法的改进版本, 运动分割的准则如下

设相邻两帧图像的图像灰度函数为 I_{k-1}(x,y) 和 I_k(x,y),则分割图像 o(x,y)为

$$o(x,y) = \begin{cases} 1, & \text{if } E[\sigma^2(A_i)] > t \\ 0, & \text{if } E[\sigma^2(A_i)] = t \end{cases} t \cong 0 \quad (14)$$

其中 $E[\sigma^{-}(A_i)] = \frac{1}{N} \sum_{x \in A_i} \left(\left(\frac{I_{\epsilon}}{I_{k-1}} - \mu_{A_i} \right) / \mu_{A_i} \right)^2, \mu_{A_i}$ = $\frac{1}{N} \sum_{x \in A_i} \frac{I_{\epsilon}}{I_{k-1}}, A_i$ 是以点 P(x, y)为中心的一个小 区域、一般取 A_i 宽 W = 5, N 是 A_i 区域中的像素数 目、

5 特征点集跟踪方法

采用 Lucas • Kanade^[7,8]的特征点跟踪方法,基本思想是;对每个特征点的一个小邻域,采用块匹配 搜索方法寻找其配准邻域,以多尺度方法加快匹配 速度;对于首帧,采用特征点选择准则,选择适合跟 踪的特征点集;在跟踪过程中,利用特征点淘汰准 则,监控各个特征点的可跟踪性,淘汰不适合跟踪的 特征点,并从当前帧重新选择同数量的特征点;还需 要利用运动分割所得的运动区域 R_m ,对可跟踪的特 征点作进一步的选择,剔除位于背景的特征点.

6 基于特征点匹配的接触时间估计实验

用本文提出的系统对3套图像序列做接触时间 估计实验.3套序列都是按文献[4]所述方法,在实 验室环境下采集的,并且已经标记每一帧的真实接 触时间、

6.1 目标是咖啡盅

目标初始位置距离像机 160cm,由远到近方向 运动,每隔 5cm 采一帧像,采像 30 张,第 *i* 帧的真实 接触时间^{[3_}(以帧为单位)是 TTC(*i*)=32-*i*+1,卡 尔曼滤波器的初值设为 TTC=32. 全图选择 100 个 特征点进行跟踪(下同),所估计的接触时间结果如 图 2 所示.图 2(*a*)中的左上角数字表示在该帧系统 估测出的接触时间,图像中的箭头表示该位置特征 点的速度,目标外面的矩形框是运动分割后的运动 目标轮廓;(*b*)是真实接触时间与系统估计接触时间 的比较图,虚线为真实接触时间曲线,实线为估计接



图 2 咖啡盅序列图像 TTC 估计结果 (a)第 21 帧结果(实际值 TTC=12) (b)估计 TTC 和实际 TTC 的比较(虚线;实际值;实线:估计值) Fig. 2 Result of TTC estimation for the coffee cup image sequence



图 3 茶杯序列图像 TTC 估计结果 (a)第 21 帧结果(实际值 TTC=9) (b)估计 TTC 和实际 TTC 的比较(虚线;实际值;实线;估计值) Fig. 3 Result of TTC estimation for the tea cup image sequence



图 4 书架序列图像 TTC 估计结果 (a)第 10 帧结果(实际值 TTC=21) (b)估计 TTC 和实际 TTC 的比较(虚线;实际值;实线:估计值) Fig. 4 Result of TTC estimation for the book shelf image sequence

触时间曲线.图 3 和 4 符号含义同图 2.

计算结果表明,对于咖啡盅序列图像,本文的估 测系统所估计的接触时间与真实接触时间的平均误 差为 «=1.4,不超过两帧,取得理想的估计效果.

6.2 目标是复杂背景中的茶杯

距离像机 150cm、由远到近的方向运动,帧间隔 5cm,采像 27 张,真实接触时间为 TTC(i)=30-i-1,卡尔曼滤波器初值设为 TTC=42、故意和真实 的初始接触时间存在较大误差、图(3)是估计结果. 由图(3)可知,即使卡尔曼滤波器的初值和真实接触 时间初值有很大误差,随着时间的推移,该系统仍可 以获得良好的估计效果,TTC 的真实值和估计值的 误差为 ϵ =32,不超过 3 帧的误差,表明该系统具有 一定的健壮性.

6.3 目标是书架

初始位置距离像机 160cm、由远到近的方向运动,每隔 5cm 采一帧像,采像 30 张、第 i 帧的真实接触时间(以帧为单位)是 TTC(i)=32-i+1,卡尔曼滤波器的初值设为 TTC=32. 所估计的接触时间结果如图 4 所示,估计误差 ϵ =0.9,结果令人满意.

7 结语

特征点跟踪可以克服一定程度的尺度变化、旋转等几何变形因素对估计目标运动参数的影响,利 用这些优点、本文详细研究了基于特征点跟踪估计 运动目标的接触时间;提出了基于特征点的求解思 路;由此提出了基于特征点跟踪方法的接触时间估 计系统;并采用特征点选择与淘汰的准则,一定程度 上解决了存在尺度变化情况下跟踪性能的度量问 题:最后,基于静止观察者条件下,对3套标记 TTC 的图像序列进行运动目标的 TTC 估计,实验结果 令人满意.

虽然本文中的实验没有旋转的情况,然而本文 所采用的特征点跟踪方法可以克服角度不大的旋转 变形^[7],其实,影响接触时间估计的因素是目标的尺 度变化,旋转不会改变接触时间的大小,为了简化研 究复杂度,本文没有考虑同时有旋转的运动变化.由 于本文中的运动分割方法对于非静止观察者情况下 的分割效果较差,因此,对于运动观察者条件下的接 触时间估计问题,需要研究合适的运动分割方法才 能使问题得到全面解决.

REFERENCES

- [1] Markham K C. Time-to-go estimation from infrared images. *IEE Proceedings-I*, 1992, **139**(3); 356-363
- [2] Nicola Ancona, Tomaso Poggio. Optical flow from 1D correlation; application to a simple time-to-crash detector. *Technual Report*, A. I. Memo No. 1 375, A. I. Laboratory. Massachusetts Institute of Technology, Oct. 1993
- [3]Philippe Burlina, Rama Chellappa, Time-to-X; Analysis of motion through temporal parameters. In: Proc. IEEE Conf. of Computer Vision Pattern Recognition, Seattle, WA, June, 1994; 461-468.
- [4]LI Jun. Research on time-to-contact for moving objects. Master Thesis, Huazhong Univ. of Sci. & Tech(李俊, 运动目标 TIME-TO-CONTACT 估计方法研究, 华中 理工大学硕士学位论文),1998
- [5]LI Jun, ZHANG Gui-Lin. A new method for estimating time-to-collision from sequences. Data Acquisition and Processing (李俊,张桂林,一种估计运动目标 Time-To-Collision的方法. 数据采集与处理), 1998, 3(3); 236—240
- [6]Shi Jianbo, Tomasi Carlo. Good features to track. In: Proc. IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition, Seattle, June. 1994: 593-600.
- [7] Lucas B D, Kanade T. An iterative image registration technique with an application to stereo vision. In: Proceedings of the 7th International Joint Conference on Artificial Intelligence, Vancouver. 1981: 674-679.
- [8] Tomasi Carlo, Kanade Takeo. Detection and tracking of point features. Technical Report, Carnegie Mellon University, CMU-CS-91-132, April 1991.
- [9] Min Yi. The relationship between flying route and terrain. SPIE's ISMIP'98. Wuhan, China, 1998.
- [10]Kurt Skifstad, Ramesh Jain. Illumination independent change detection for real world image sequences. CVGIP. 1989. 46: 387-399.
- [11] Jun, YANG Xin, ZHU Ju-Hua, et al. Selection of suitable matching area by fractal based approach for high precision location. Journal of Shanghai Jiaotong Univ. (李俊、杨新、朱菊华,等,用于精确定位的最佳匹 配区选择的分形方法,上海交通大学学报),2001;35 (2),305-308.